

**CORSO DI  
ELEMENTI COSTRUTTIVI DELLE MACCHINE  
(NUOVO ORDINAMENTO)**

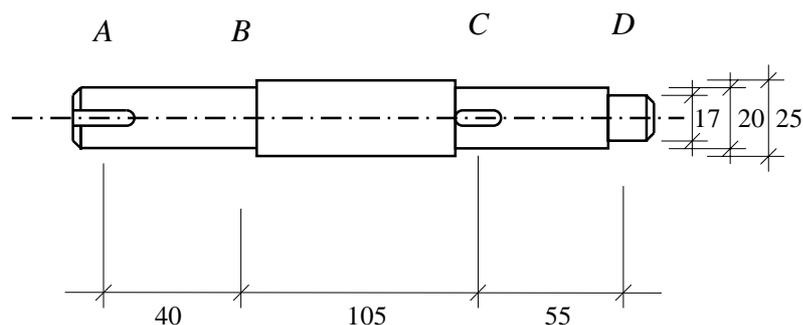
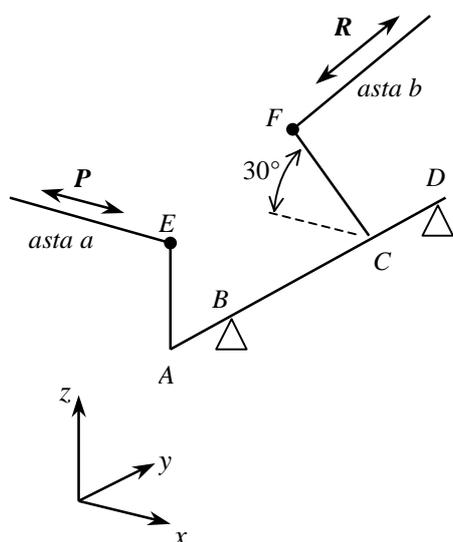
**APPELLO DEL 12 APRILE 2006**

In figura è rappresentato un sistema di rinvio che permette la trasmissione del moto tra l'asta *a* e l'asta *b* attraverso l'albero *AD* e le due leve *AE* e *CF*. Durante il funzionamento la rotazione dell'albero è di pochi gradi, per cui l'angolo tra le aste e le rispettive leve può essere considerato sempre di  $90^\circ$ .

Sapendo che il carico resistente *R* ha oscillazione alterno-simmetrica di ampiezza costante, si determini l'ampiezza massima della forza di azionamento *P* con cui il sistema può essere sollecitato in modo che esso possa sopportare 500 000 cicli con coefficiente di sicurezza *X* pari a 2.5.

Altri dati:

- lunghezza della leva *AE*: 70 mm
- lunghezza della leva *CF*: 85 mm
- materiale (acciaio):  $\sigma_R = 1150 \text{ MPa}$ ,  $\sigma_S = 950 \text{ MPa}$ ,  $\sigma_{LF} = 540 \text{ MPa}$
- raggi di raccordo non quotati: 1 mm
- finitura superficiale: *rettifica media*



## **SOLUZIONE BREVE**

In funzione del carico incognito  $P$ , si valuta dall'equilibrio alla rotazione l'ampiezza della forza resistente  $R$ :

$$R = 0.823 P \quad N$$

che può essere decomposta nelle componenti verticale e orizzontale:

$$R_x = 0.4118 P \quad N$$

$$R_z = 0.7132 P \quad N$$

Ancora in funzione del carico incognito  $P$ , si possono determinare i valori del momento torcente:

$$M_t = 0.07 P \quad Nm$$

e del momento flettente nella sezione  $B$ :

$$M_{fB} = 0.04 P \quad Nm$$

e, ancora, del momento flettente nella sezione  $C$  attraverso le due componenti sul piano verticale e orizzontale:

$$M_{fCo} = 0.0286 P \quad Nm$$

$$M_{fCv} = 0.0257 P \quad Nm$$

$$M_{fC} = 0.0384 P \quad Nm$$

Dalle componenti di sollecitazione,  $M_t$ ,  $M_{fB}$  e  $M_{fC}$ , si calcolano le tensioni normali e tangenziali massime nelle sezioni  $B$  e  $C$ :

$$\sigma_B = M_{fB} / W_f = 50930 P \quad Pa$$

$$\sigma_C = M_{fC} / W_f = 49004 P \quad Pa$$

$$\tau_B = \tau_C = M_t / W_t = 44563 P \quad Pa$$

Quindi, determinati da grafici e tabelle i coefficienti di intaglio per gli spallamenti e la cava della linguetta:

$$k_{e \text{ spall}} = 2 \text{ (a flessione)}$$

$$k'_{e \text{ spall}} = 1.6 \text{ (a torsione)}$$

$$k_{e \text{ ling}} = 1.6 \text{ (a flessione)}$$

$$k'_{e \text{ ling}} = 1.3 \text{ (a torsione)}$$

si valutano le componenti equivalenti della sollecitazione di fatica nelle due sezioni che, essendo il ciclo di carico alterno simmetrico sia nella componenti  $\sigma$  che  $\tau$ , varranno:

$$\sigma_{a \text{ eq}B} = 160438 P \quad Pa$$

$$\sigma_{m \text{ eq}B} = 0$$

$$\sigma_{a \text{ eq}C} = 225164 P \quad Pa$$

$$\sigma_{m \text{ eq}C} = 0$$

Ne segue che la sezione  $C$  risulta essere la più sollecitata.

Il valore del carico incognito  $P$  si ricava dall'equazione della retta di Goodman che per le sollecitazioni presenti nella sezione  $C$  assume l'espressione:

$$\frac{225164 P}{b_1 b_2 \sigma_N} = \frac{1}{X}$$

$$\text{in cui } \sigma_N = \sigma_R (1000 / N)^{1/m} = 582 \text{ MPa} \quad \text{con } m = 9.138, N = 500000$$

e in cui si sono posti  $b_1 = 0.88$  e  $b_2 = 0.86$

Si ottiene infine:  $P = 783 N$