

# Meccanica applicata alle macchine

da A.A. 2008 - 2009

corso da 9 crediti

per allievi iscritti al Corso di Laurea in Ingegneria Meccanica

## CUSCINETTO COMPLETO LUBRIFICATO SECONDO IL SOMMERFELD (cuscinetto portante lubrificato con larghezza infinita)

### FORMULE DI RIFERIMENTO

#### DEFINIZIONE DELL'ALTEZZA DEL MEATO

$h$  = altezza in funzione dell'angolo  $\theta$

$\delta$  = gioco tra perno e cuscinetto

$e$  = eccentricità

$\epsilon$  = eccentricità relativa

$$h := \delta (1 + \epsilon \cos(\theta))$$

#### CALCOLO DEL $h_0$

valore del numeratore:

$$\int_0^{2\pi} \frac{1}{\delta^2 (1 + \epsilon \cos(\theta))^2} d\theta$$

valore del denominatore:

$$\int_0^{2\pi} \frac{1}{\delta^3 (1 + \varepsilon \cos(\theta))^3} d\theta$$

calcolo integrale del numeroatore

$$hosu := \frac{2 \int \operatorname{csgh} \left( \sqrt{-1 + \varepsilon^2} (-1 + \varepsilon) \right) \pi}{(-1 + \varepsilon^2)^{(3/2)} \delta^2}$$

calcolo integrale del denominatore

$$hogiu := - \frac{\int (\varepsilon^2 + 2) \operatorname{csgh} \left( \sqrt{-1 + \varepsilon^2} (-1 + \varepsilon) \right) \pi}{\sqrt{-1 + \varepsilon^2} \delta^3 (1 - 2\varepsilon^2 + \varepsilon^4)}$$

calcolo dell'altezza a gradiente nullo ho

e

calcolo del gradiente pp delle pressioni

$$ho := - \frac{2 \delta (1 - 2\varepsilon^2 + \varepsilon^4)}{(-1 + \varepsilon^2) (\varepsilon^2 + 2)}$$

$$pp := \frac{6 \mu VR \varepsilon (3 \varepsilon + \varepsilon^2 \cos(\theta) + 2 \cos(\theta))}{\delta^2 (\varepsilon^2 + 2 + 3 \varepsilon^3 \cos(\theta) + 6 \varepsilon \cos(\theta) + 3 \varepsilon^4 \cos^2(\theta) + 6 \varepsilon^2 \cos^3(\theta) + \varepsilon^5 \cos^4(\theta) + 2 \varepsilon^3 \cos^5(\theta))}$$

semplificazione dell'espressione ho:

$$- \frac{2 (-1 + \varepsilon^2) \delta}{\varepsilon^2 + 2}$$

semplificazione dell'espressione del gradiente:

$$pp := \frac{6 \mu VR \varepsilon (3 \varepsilon + \varepsilon^2 \cos(\theta) + 2 \cos(\theta))}{\delta^2 (\varepsilon^2 + 2) (1 + \varepsilon \cos(\theta))^3}$$

calcolo delle pressioni come integrale del gradiente delle pressioni

$$\int \frac{6 \mu VR \varepsilon (3 \varepsilon + \varepsilon^2 \cos(\theta) + 2 \cos(\theta))}{\delta^2 (\varepsilon^2 + 2) (1 + \varepsilon \cos(\theta))^3} d\theta$$

calcolo delle pressioni in funzione di theta

$$p := - \frac{12 \mu VR \varepsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right) \left( \varepsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - \varepsilon - 2 \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - 2 \right)}{\left( -1 - \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 + \varepsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - \varepsilon \right)^2 (\varepsilon^2 + 2) \delta^2}$$

semplificazione delle espressioni

$$p := - \frac{12 \mu VR \varepsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right) \left( \varepsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - \varepsilon - 2 \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - 2 \right)}{\left( -1 - \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 + \varepsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - \varepsilon \right)^2 (\varepsilon^2 + 2) \delta^2}$$

$$p := - \frac{12 \mu V R \epsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right) \left( \epsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - \epsilon - 2 \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - 2 \right)}{\left( -1 - \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 + \epsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - \epsilon \right)^2 (\epsilon^2 + 2) \delta^2}$$

Calcolo della forza portante per unità di lunghezza assiale del cuscinetto

$$N := R \int_0^{2\pi} \frac{6 \mu V R \epsilon (3 \epsilon + \epsilon^2 \cos(\theta) + 2 \cos(\theta)) \cos(\theta)}{\delta^2 (\epsilon^2 + 2) (1 + \epsilon \cos(\theta))^3} d\theta, \text{ CauchyPrincipalValue}$$

$$N := - \frac{12 / R^2 \epsilon V \mu \operatorname{csgh}\left( \sqrt{-1 + \epsilon^2} (-1 + \epsilon) \right) \pi}{\delta^2 (\epsilon^2 + 2) \sqrt{-1 + \epsilon^2}}$$

Calcolo della componente tangenziale

$$R_{hor} := \int_0^{2\pi} - \frac{12 \mu V R^2 \epsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right) \left( \epsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - \epsilon - 2 \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - 2 \right) \cos(\theta)}{\left( -1 - \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 + \epsilon \tan\left(\frac{1}{2}\theta\right)^2 - \epsilon \right)^2 (\epsilon^2 + 2) \delta^2} d\theta$$

$R_{hor} := 0$

Ipotesi di epsilon compreso tra 0 e 1

ipotesi di delta maggiore di 0

Ulteriore espressione (semplificata) di N (si elimina la componente immaginaria)

$$\frac{12 R^2 \varepsilon \sim V \mu \pi}{\delta \sim^2 (\varepsilon \sim^2 + 2) \sqrt{1 + \varepsilon \sim^2}}$$

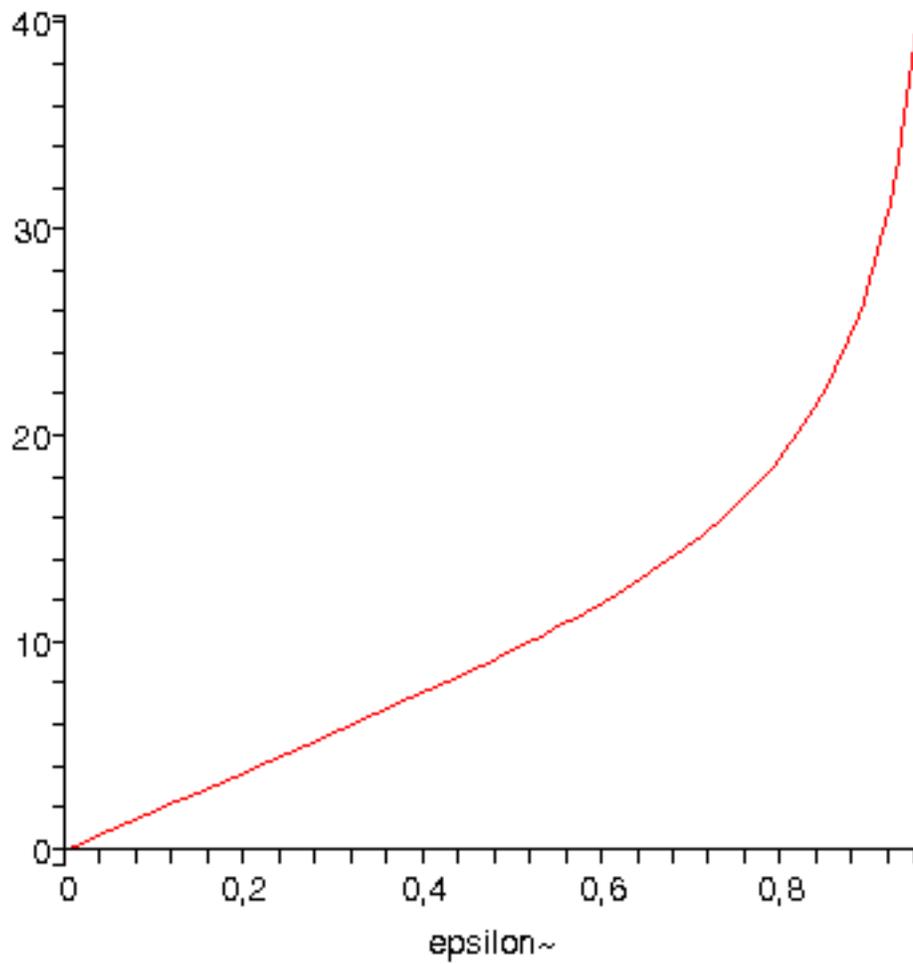
Ulteriore espressione di p (pressione) semplificata

$$\frac{12 \mu V R \varepsilon \sim \tan\left(\frac{1}{2} \theta\right) \left( \varepsilon \sim \tan\left(\frac{1}{2} \theta\right)^2 - \varepsilon \sim - 2 \tan\left(\frac{1}{2} \theta\right)^2 - 2 \right)}{\left( -1 - \tan\left(\frac{1}{2} \theta\right)^2 + \varepsilon \sim \tan\left(\frac{1}{2} \theta\right)^2 - \varepsilon \sim \right)^2 (\varepsilon \sim^2 + 2) \delta \sim^2}$$

Espressione e grafico del fattore adimensionale A(n) avendo posto:

$$N_{\sim} = \frac{A_{\sim}(\varepsilon \sim) \mu V R^2}{\delta \sim^2}$$

$$A_{\sim}(\varepsilon \sim) := \frac{12 \varepsilon \sim \pi}{(\varepsilon \sim^2 + 2) \sqrt{1 + \varepsilon \sim^2}}$$



Attribuzione dei dati numerici

$\mu := 0.07$   
 $R := 0.0375$   
 $\varepsilon := 0.7$   
 $\delta := 0.07$   
 $V := 1.176$

Grafico delle pressioni e dei gradienti delle pressioni (grafico rettificato)

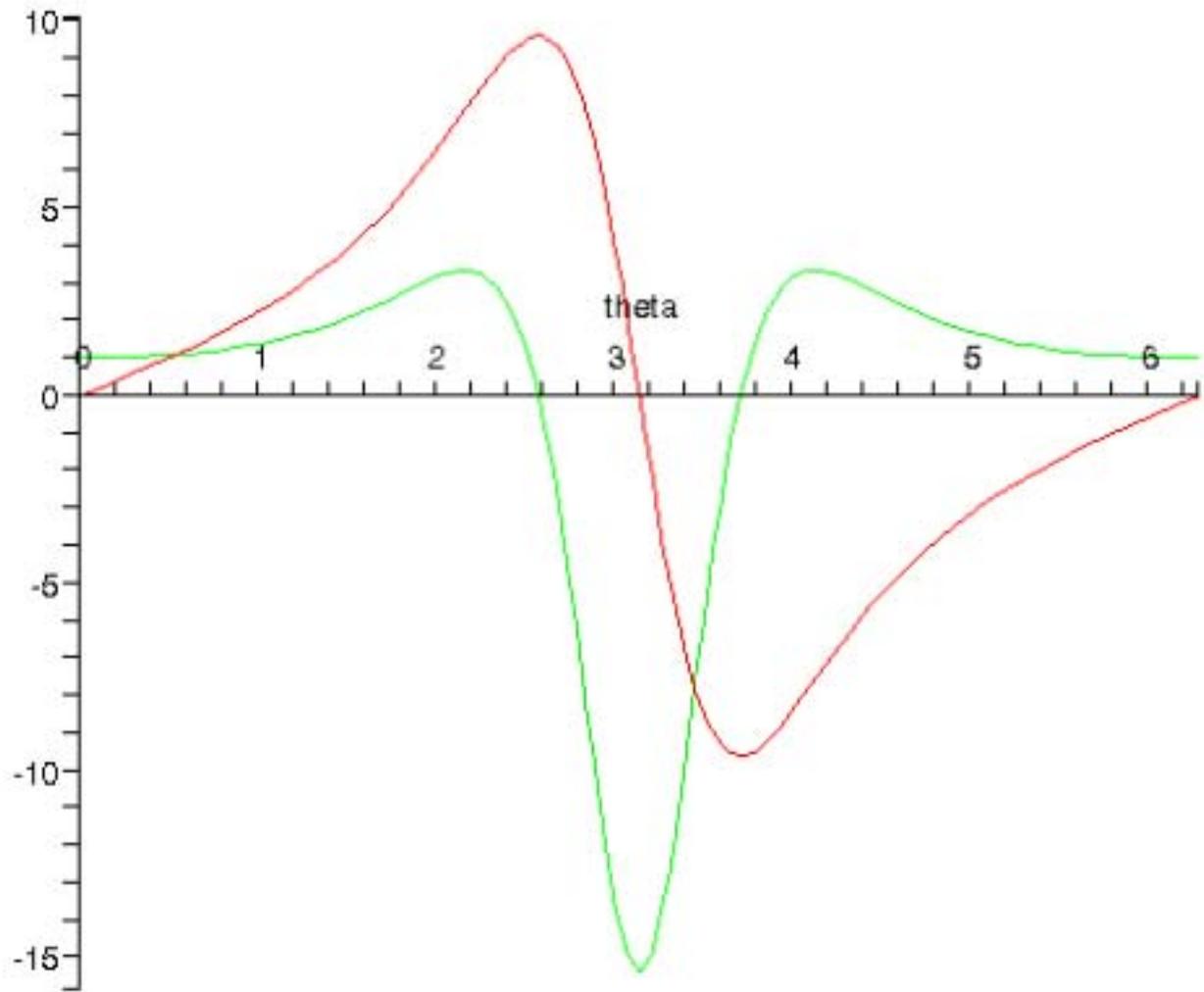
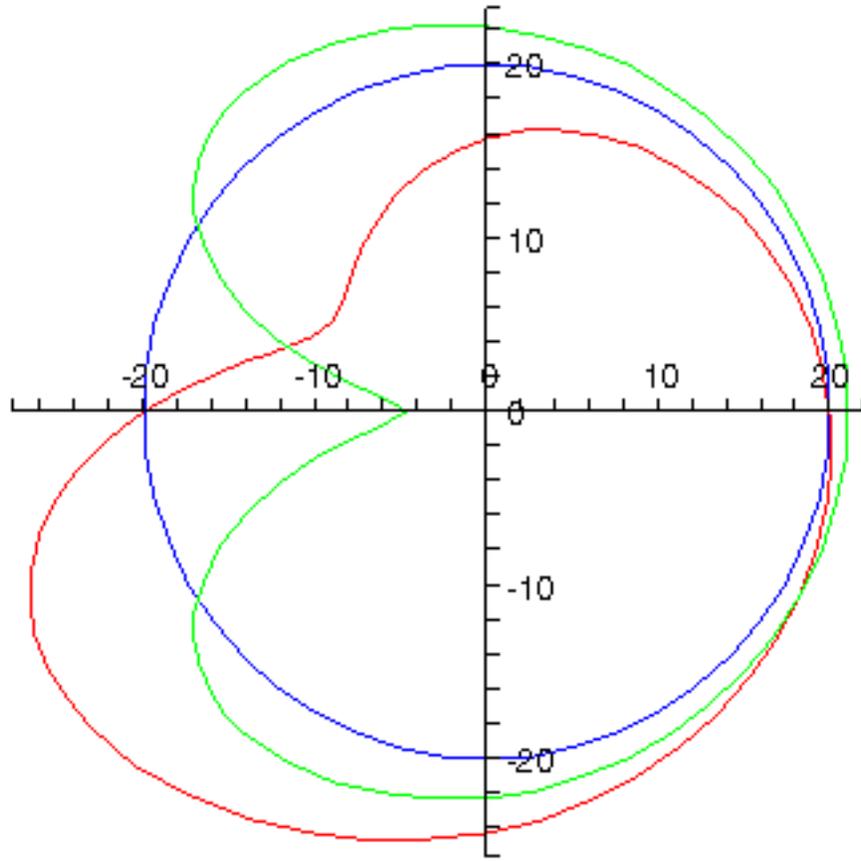


grafico delle pressioni polari

Warning, the name changecoords has been redefined



1  
2  
3  
4